

## Лекция 6. Конструктивные измерительные процедуры, тесты и анкеты.

Шкалы  $\mu: \mathfrak{S} \rightarrow \mathfrak{X}$  практически реализуются в виде шкал приборов (весов, линейки).

Конструктивизации  $\nu$  также могут реализовываться как показания некоторых измерительных процедур, в частности тестирования, анкетирования, обследования и т.д.

Предположим, что нас интересует отношение предпочтения некоторой величины  $\mathfrak{S} = \langle A; \leq \rangle$  коэффициента интеллектуальности, удовлетворенности работой.

Применение теста к испытуемому, респонденту, больному дает для некоторого значения  $a \in A$  величины  $\mathfrak{S}$  набор ответов в виде некоторой последовательности натуральных или рациональных чисел  $\langle n^a_1, \dots, n^a_k \rangle$ .

Нужно определить тест так, что бы по результатам теста для любых двух значений  $a, b \in A$  можно было эффективно определить отношение предпочтения

$$a \leq b \Leftrightarrow P^N(\langle n^a_1, \dots, n^a_k \rangle, \langle n^b_1, \dots, n^b_l \rangle)$$

например, подсчитывая сумму баллов, взвешенное среднее, кодируя ответы и т.д.

Тогда отображение  $\mu: \langle n^a_1, \dots, n^a_k \rangle \rightarrow a$ , осуществляемое тестом, и будет конструктивным числовым представлением величины  $\mathfrak{S} = \langle A; \leq \rangle$ .

Процедура тестирования, анкетирования, обследования будет **конструктивной измерительной процедурой** со значениями вида  $\langle n^a_1, \dots, n^a_k \rangle$ .

### Проблема существования конструктивного числового представления.

Пусть эмпирическая система величины  $\mathfrak{S} = \langle A; \leq \rangle$ , удовлетворяет системе аксиом  $\Sigma$ .

Решить проблему существования конструктивного числового представления - значит разработать тест, являющийся конструктивным числовым представлением  $\mu: \langle n^a_1, \dots, n^a_k \rangle \rightarrow a$ , величины, удовлетворяющий системе аксиом  $\Sigma$  такой, что бы можно было доказать, что для любой величины  $\mathfrak{S} \in AC_\omega(\Sigma)$  отображение  $\mu: \langle n^a_1, \dots, n^a_k \rangle \rightarrow a$  является конструктивным числовым представлением величины, т.е.

$$a \leq b \Leftrightarrow P^N(\langle n^a_1, \dots, n^a_k \rangle, \langle n^b_1, \dots, n^b_l \rangle)$$

### Пример конструктивного числового представления.

Рассмотрим отношение предпочтения между односемейными домами.

Пусть  $\mathfrak{S} = \langle A; \leq \rangle$  - эмпирическая система односемейных домов.

Предположим, что отношение порядка  $\leq$  удовлетворяет аксиомам дистрибутивной решетки:

1.  $\leq$  - решетка, т.е. любые два элемента  $a, b \in A$  имеют точную верхнюю и точную нижнюю грань обозначаемые операциями  $a \vee b$  и  $a \wedge b$ ;
2. дистрибутивность:  $x \wedge (y \vee z) = x \wedge (y \vee z)$ .

Цепью упорядоченного множества называется его линейно упорядоченное подмножество.

Длинной упорядоченного множества называется точная верхняя грань длин цепей.

**Теорема.** Дистрибутивная решетка  $L$  длины  $n$  изоморфна кольцу подмножеств  $n$ -элементного множества.

Элемент  $a \neq \emptyset$  называется  $\vee$ -неразложимым, если из  $b \vee c = a$  следует, что  $b = a$  или  $c = a$ .

**Теорема.** Пусть  $L$  - дистрибутивная решетка длины  $n$ . Тогда подмножество  $X$  всех ее  $\vee$ -неразложимых элементов имеет порядок  $n$  и  $L \approx 2^X$ .

Каждый элемент однозначно определим своим кортежем  $\langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle$ .

Определим конструктивное числовое представление  $\mu: \langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle \rightarrow a$

**Теорема.** Для дистрибутивной решетки  $L = \langle A; \leq, \wedge, \vee \rangle$  длины  $n$  существует конструктивное числовое представление  $\mu: \langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle_a \rightarrow a$ , удовлетворяющее следующим свойствам:

1.  $a \leq b \Leftrightarrow \langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle_a \leq \langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle_b$
2.  $a \vee b \Leftrightarrow \langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle_a \oplus \langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle_b$
3.  $a \wedge b \Leftrightarrow \langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle_a \otimes \langle 0, 1, 1, 0, \dots, 1, 0 \rangle_b$

**Представление знаний.**  
«Логический подход к искусственному интеллекту»

**1. Концептуальный граф.** Представляет логическую формулу.

Имена и аргументы предикатов представляются двумя типами узлов.

Дуги графа соединяют имена предикатов с их аргументами.

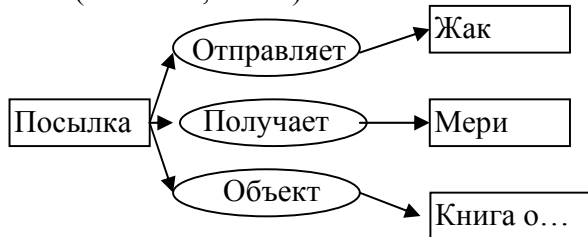
Содержат прямоугольники для представления аргументов и круги для представления имен предикатов.

Представим фразу: «Жак посылает книгу Мери»

Отправляет(Посылка, Жак);

Получает(Посылка, Мери);

Объект(Посылка, книга).



**2. Семантические сети.** Семантические сети получаются из концептуальных графов по правилам соединения:

**Правило конъюнкции.** Если узел-концепт одной сети/графа идентичен узлу-концепту другой сети/графа, то эти сети/графы можно объединить совместив узлы-концепты.

**Правило упрощения.** Если сеть содержит идентичные узлы-имена, связывающие одни и те же узлы-концепты, то один из узлов можно удалить.

**Представление контекста.** Использование некоторых стандартных бинарных предикатов:

Это(Книга о..., книга);

Элем(Книга о..., библиотека ун);

Подм(книга\_ЭС, книга\_ИИ).

**3. Фреймы. объектное представление.**

Объекты представляются тройками:

(объект, атрибут\_i, значение\_j)

**Сцепки (слоты):**

Жак\_2

Пишет(Жак\_2, Книга\_22);

Посылает(Жак\_2, Мари\_4; Книга\_22)

**Фреймы** – сцепки, представленные бинарными предикатами.

Концепту Посылает, представленному предикатом Посылает() соответствует фрейм, если представить этот предикат произведением бинарных предикатов:

Отправитель(Посылает, Жак\_2)&

Получатель(Посылает, Мари\_4)&

Объект(Посылает, Книга\_22)

**Фрейм** Посылает: (объект)

Отправитель Жак\_2 (слот-1)

Получатель Мари\_4 (слот-2)

Объект Книга\_22 (слот-3)

**Тема. Компьютерное познание. Научно-исследовательская экспертная система.**

