

ЗАДАЧА РАСПОЗНАВАНИЯ КВАЗИПЕРИОДИЧЕСКОЙ
ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ, ВКЛЮЧАЮЩЕЙ ПОВТОРЯЮЩИЙСЯ НАБОР
ЭТАЛОННЫХ ФРАГМЕНТОВ

А. В. Кельманов, Л. В. Михайлова, С. А. Хамидуллин

Рассматриваемая задача — обобщение задачи, исследованной в [1]. Она дополняет список полиномиально разрешимых и NP-трудных задач комбинаторной оптимизации, возникающих в рамках слабо изученного подхода к помехоустойчивому анализу и распознаванию числовых последовательностей с квазипериодической структурой [2]. Сущность этого подхода состоит в апостериорном (off-line) способе обработки последовательности при формализации содержательной задачи как задачи принятия решения. В работе показано, что максимально правдоподобное распознавание числовой квазипериодической последовательности (искаженной аддитивной гауссовской некоррелированной помехой), включающей повторяющийся набор эталонных фрагментов, в случае, когда суммарное число фрагментов в последовательности известно, сводится к решению следующей экстремальной задачи.

Дано: числовая последовательность y_0, \dots, y_{N-1} , натуральные числа $M, N^-, N^+, T_{\min}, T_{\max}$ и множество $\mathbb{W} \subset \{(U^{(1)}, \dots, U^{(i)}) : U^{(k)} \in \mathbb{R}^q, \|U^{(k)}\| \neq 0, k = 1, \dots, i; i \leq M\}$, $|\mathbb{W}| = K$. Найти: набор $(U_1, \dots, U_L) \in \mathbb{W}$ такой, что

$$\sum_{m=1}^M \{2(Y_{n_m}, U_{l(m,L)}) - \|U_{l(m,L)}\|^2\} \longrightarrow \max,$$

где (\cdot, \cdot) — скалярное произведение векторов, $\|\cdot\|$ — норма l_2 в \mathbb{R}^q , $Y_n = (y_n, \dots, y_{n+q-1})$, $n = 0, \dots, N - q$; $l(m, L) = (m - 1) \bmod L + 1$, при ограничениях: 1) $0 \leq n_1 \leq N^+ \leq N - q; 0 \leq N^- \leq n_M \leq N - q; q \leq T_{\min} \leq n_m - n_{m-1} \leq T_{\max} \leq N - q, m = 2, \dots, M$; 2) $M_{\min} \leq M \leq M_{\max}$, где M_{\min} и M_{\max} находятся из решения системы неравенств.

Обоснован точный эффективный алгоритм решения задачи с оценкой временной сложности $O[KM(T_{\max} - T_{\min} + q)(N - q + 1)] = O(KMN^2)$. Этот алгоритм является ядром алгоритма распознавания, устойчивого к помехам.

Работа поддержана грантами РФФИ 06-01-00058 и 07-07-00022.

ЛИТЕРАТУРА

1. Кельманов А.В., Михайлова Л.В., Хамидуллин С.А. Апостериорное обнаружение в квазипериодической последовательности повторяющегося набора эталонных фрагментов // ЖВМиМФ. 2007 (в печати).
2. Кельманов А.В. Проблемы оптимизации в типовых задачах помехоустойчивой апостериорной обработки числовых последовательностей с квазипериодической структурой // Материалы 3-й Всероссийской конференции "Проблемы оптимизации и экономические приложения". Омск. 2006. С. 37-41.

Кельманов Александр Васильевич, Михайлова Людмила Викторовна,
Хамидуллин Сергей Асадуллович,
Институт математики им. С.Л. Соболева СО РАН, пр. Академика Коптюга 4,
Новосибирск, 630090, Россия, тел. (383) 333-3291, факс (383) 333-2598,
e-mail: {kelm, okolnish, kham}@math.nsc.ru