

ТРИАНГУЛЯЦИИ ТОЧЕЧНЫХ КОНФИГУРАЦИЙ И ИХ f -ВЕКТОРЫ.

В. Н. Шевченко

Пусть $A = \{a_1, \dots, a_n\}$ множество таких точек $a_j \in R^d$, что их выпуклая оболочка (обозначаемая далее $[A]$) есть d -мерный выпуклый политоп. *Триангуляцией точечной конфигурации с узлами из множества A* назовем множество $T_A = \{S_1, S_2, \dots, S_t\}$ таких $S_i \subseteq A$, что $[S_i]$ — d -мерный симплекс, $|S_i| = d + 1$, $\bigcup_{i=1}^t [S_i] = [A]$ и при $i \neq k$ $[S_i \cap S_k] = [S_i] \cap [S_k]$. При $j = 0, 1, 2, \dots, d$ назовем $(j + 1)$ -элементное подмножество $F \subset A$ j -гранью T_A , если существует i такое, что $F \subset S_i$. Обозначим через $f_j(T_A)$ число j -граней и положим $f(\lambda, T_A) = \sum_{j=0}^{d+1} f_{j-1}(T_A) \lambda^j$, где $f_{-1}(T_A) = 1$. Рассмотрим множество всевозможных триангуляций T_A со всевозможными матрицами A и обозначим множество соответствующих многочленов $f(\lambda, T_A)$ через $F(d, n)$. В докладе предлагается обзор существующих методов триангуляции и условий (как необходимых, так и достаточных) реализуемости многочлена $f(\lambda)$ (то есть принадлежности его множеству $F(d, n)$).