

УДК 517.956

ОБ УРАВНЕНИЯХ СМЕШАННОГО ТИПА С ОТКЛОНЯЮЩИМСЯ АРГУМЕНТОМ

© А. Ш. Шалданбаев, И. О. Оразов

mtshomanbaeva@mail.ru

Южно-Казахстанский государственный университет им. М. Ауезова, Шымкент, Казахстан

1. Постановка задачи. Пусть $\Omega \subset R^2$ — прямоугольник, ограниченный отрезками: $AB : x = 0, 0 \leq t \leq T$; $BC : t = T, 0 \leq x \leq l$; $CD : x = 1, 0 \leq t \leq T$; $DE : x - t = 1, \frac{1}{2} \leq x \leq l$; $EA : x + t = 0, 0 \leq x \leq \frac{l}{2}$. Через $C^2(\Omega)$ обозначим множество функций $u(x, t)$ дважды непрерывно дифференцируемых по обеим переменным в области Ω . Под границей области Ω понимаем совокупность отрезков $\Gamma = AB \cup BC \cup CD \cup DE \cup EA$.

ЗАДАЧА ДИРИХЛЕ. Найти решение уравнения

$$u_x(x, t) + \sqrt{\operatorname{sgn} t} u_t(x, T - t) = f(x, t), \quad (1)$$

удовлетворяющего граничному условию

$$u|_{\Gamma} = g(\xi, \eta), \quad (\xi, \eta) \in \Gamma, \quad (2)$$

где $u \in C^2(\square ABCD \cup \triangle ADE) \cap C(\overline{\Omega})$, $f(x, t) \in C^1(\Omega)$, $g \in C(\Gamma)$, методом отклоняющегося аргумента.

2. Полученный результат.

Теорема. Если $f(x, t) \in C^1(\Omega)$ и $g \in C(\Gamma)$, то краевая задача (1), (2) может иметь не более одного решения из класса $C^2(\square ABCD \cup \triangle ADE) \cap C(\overline{\Omega})$.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Оразов И. О., Шалданбаев А. Ш. Задача Дирихле для уравнения с отклоняющимся аргументом // Материалы международного российско-казахского симпозиума. Нальчик. 2004. С. 136–137.