

УДК 681.142.2

МЕТАЯЗЫК ТРАНСЛЯЦИИ КОНТЕКСТНО-СВОБОДНЫХ ЯЗЫКОВ

В.И. Константинов, Р.М. Нуриев

Эффективность решения задач обработки информации, обладающей синтаксической структурой, в сильной степени определяется мета-языком, используемым для порождения и анализа входных цепочек [1, 2]. В работе в качестве такого метаязыка предлагается TR-метаязык, получаемый распространением правил метаязыка R-грамматик [3, 4] на нетерминальный алфавит. TR-грамматики эффективны для порождения, анализа и трансляции контекстно-свободных языков. Преобразующие TR-грамматики близки к ТИ-машинам, рассмотренным в [5], однако они решают задачу трансляции на основе нового, удобного для машинной реализации метаязыка.

ОПРЕДЕЛЕНИЕ I. TR-грамматикой назовем шестерку

$$G = (A, V_N, P, R, \{z_c^{G(x_i)}\}, R^*), \quad (I)$$

где 1)  $A = \{\alpha_0, \dots, \alpha_k\}$  - терминальный алфавит;

2)  $V_N = \{x_0, \dots, x_n\}$  - нетерминальный алфавит имен атомных грамматик,  $A \cap V_N = \emptyset$ ;

3)  $P = \{0, 1\}$ ;

4)  $R = R^{G(x_0)} \cup \dots \cup R^{G(x_n)}$ ;  $R^{G(x_i)} \cap R^{G(x_j)} = \emptyset, i \neq j$ ;  $R^{G(x_i)} = \{z_0^{G(x_i)}, z_j^{G(x_i)}\}$  - множество имен подмножеств элементов из  $(A \cup V_N) \times R^{G(x_i)} \times P, 0 \leq j \leq l_i$ ,  $z_\emptyset$  - имя пустого подмножества;

5)  $\{z_0^{G(x_i)}\}$  - начальное подмножество (аксиома) для  $x_i \in V_N, 0 \leq i \leq n, z_0^{G(x_i)} \in R^{G(x_i)}$ . Одно из начальных подмножеств,  $z_0^{G(x_0)}$ , назовем аксиомой грамматики G;

6)  $R^*$  - подмножество R, возможно, пустое.

Так определенная TR-грамматика G является совокупностью TR-грамматик  $G(x_0), \dots, G(x_n)$ , каждая из которых есть  $G(x_i) = (A, V_N, P, R^{G(x_i)}, z_0^{G(x_i)}, R_{G(x_i)}^*)$ , где  $A, V_N, P, R^{G(x_i)}, z_0^{G(x_i)}$  - те же, что и ранее, а  $R_{G(x_i)}^* = R^* \cap R^{G(x_i)}$ . Грамматики  $G(x_0), \dots, G(x_n)$  назовем атомными.

Элемент  $(\sigma, \tau, p) \in ((A \cup V_N) \times R \times P)$  назовем правилом TR-грамматики G и при  $p=0$  запишем в виде:

$$\sigma \rightarrow \tau, \quad (2)$$

а при  $p=1$  - в виде:

$$\sigma \rightarrow \cdot \tau. \quad (3)$$

Будем интерпретировать правила вида (2) следующим образом:

а) при  $\sigma \in A$  элемент  $\sigma$  может конкатенировать с множеством терминальных левых частей правил из  $\bar{\tau}$ , либо со множеством слов, порожденных атомными грамматиками для нетерминальных левых частей правил из  $\bar{\tau}$ ;

б) при  $\sigma \in V_N$  слово, порожденное  $G(\sigma)$ , конкатенирует оппсаным выше образом.

Здесь  $\bar{\tau} = \tau$ , если  $(\sigma \rightarrow \tau)$  входит в подмножество  $\bar{z}_p \in R^*$ , и  $\bar{\tau} = \tau \cup z_p$ , если  $(\sigma \rightarrow \tau) \in z_p \in R^*$ ,  $z_p$  - текущее содержимое стека связи. При  $\tau = z_\emptyset$  элемент  $\sigma$  (либо слово, порожденное  $G(\sigma)$ ) последний в данной грамматике.

Правила вида (3) интерпретируем, как и правила вида (2), с той лишь разницей, что элемент  $\sigma$  (либо слово, порожденное  $G(\sigma)$ ) может быть последним в данной грамматике и при  $\tau \neq z_\emptyset$ .

Правила вида (2) с  $\tau = z_\emptyset$  либо вида (3) назовем заключительными. Множество  $\bar{\tau}$  назовем множеством глобальных правил-преемников данного правила. При  $\sigma \in V_N$  правило  $\sigma \rightarrow \tau$  имеет еще и множество локальных правил-преемников. Такое деление обусловлено тем, что при встрече правила с нетерминальной левой частью первоначально идем на порождение под слова в грамматику  $G(\sigma)$ , откуда с заключительного правила переходим на множество локальных правил-преемников. Процесс этот реализуется с помощью стека связи атомных грамматик. Именно, в момент ухода на порождение под слова в  $G(\sigma)$  в стек записывается следующая информация о правиле  $\sigma \rightarrow \tau$ : имя подмножества

правил, его содержащего; номер этого правила. После выхода на заключительное правило грамматики  $G(\epsilon)$  эта информация считывается из стека, и процесс порождения продолжается.

Выводом слова  $S = \alpha_1 \dots \alpha_m, S \in A^*$ , назовем цепочку пар  $(G(x), \epsilon \rightarrow z), (\epsilon \rightarrow z) \in G(x)$ , каждое последующее правило которой принадлежит либо множеству глобальных правил-преемников предыдущего при  $\epsilon \in A$ , либо множеству локальных, а затем глобальных правил-преемников при  $\epsilon \in V_N$  (при этом терминальные символы правил последовательности образуют слово  $S$ ).

Вывод слова  $S$  назовем полным, если первое из правил цепочки принадлежит  $\mathcal{R}_0^{G(x_0)}$ , последнее правило цепочки - заключительное из  $G(x_0)$  и стек связи пуст. Язык  $L(G)$ , порожденный  $TR$ -грамматикой  $G$ , определим как множество терминальных цепочек, для которых существует полный вывод.

Аналогично выводу осуществляется и распознавание цепочек из  $L(G)$ .  $TR$ -грамматики вида (I) ориентированы на решение задачи синтаксического анализа. Правилам  $TR$ -грамматик можно поставить в соответствие некоторые семантические эквиваленты, определяющие преобразование (трансляцию) входных цепочек.

**ОПРЕДЕЛЕНИЕ 2.** Преобразующей  $TR$ -грамматикой назовем семерку вида

$$G = (A, V_N, P, R, \{\mathcal{R}_0^{G(x_i)}\}, R^*, \Delta), \quad (4)$$

где  $A, V_N, P, R, \{\mathcal{R}_0^{G(x_i)}\}, 0 \leq i \leq n, R^*$  - те же, что и ранее, а  $\Delta$  - конечный выходной алфавит. Элементы  $\Delta$  можно рассматривать, например, как номера подпрограмм, осуществляющих трансляцию элементов входной строки. Правила  $TR$ -грамматик вида (4) интерпретируем, как и правила грамматик вида (I), с той лишь разницей, что теперь формируем еще и выходную строку. При этом если применялось правило  $\epsilon \rightarrow z, \epsilon \in A, \delta \in \Delta$ , то  $\delta$  посылаем в выходную строку сразу же. Если  $\epsilon \in V_N$ , то правило записываем в стек связи вместе с элементом  $\delta$ , который посылаем в выходную строку после считывания этого правила из стека.

Описанный формализм позволяет в компактном и удобном для трансляции виде задавать грамматики входных языков, давая возможность посредством нетерминальных символов транслировать синтаксические конструкции с законченным семантическим описанием.

**ПРИМЕР.** Дана грамматика, бакусово-науровская форма (БНФ) которой имеет вид:

- $\langle \text{выражение} \rangle ::= \langle \text{формула} \rangle;$
- $\langle \text{формула} \rangle ::= \langle \text{терм} \rangle | \langle \text{формула} \rangle + \langle \text{терм} \rangle$
- $\langle \text{терм} \rangle ::= \langle \text{множитель} \rangle | \langle \text{терм} \rangle \cdot \langle \text{множитель} \rangle$
- $\langle \text{множитель} \rangle ::= a | b | \dots | y | z | (\langle \text{формула} \rangle)$

Язык, порожденный этой грамматикой, состоит из простого вида арифметических выражений, ограниченных справа точкой с запятой. Обозначим, для краткости,  $B$  -  $\langle \text{выражение} \rangle$ ,  $\Phi$  -  $\langle \text{формула} \rangle$ ,  $T$  -  $\langle \text{терм} \rangle$ ,  $M$  -  $\langle \text{множитель} \rangle$ ,  $\delta$  - любая из букв. Тогда соответствующей  $TR$ -грамматикой будет

$$G = (A, V_N, P, R, \{\mathcal{R}_0^{G(B)}, \mathcal{R}_0^{G(\Phi)}, \mathcal{R}_0^{G(T)}, \mathcal{R}_0^{G(M)}\}, R^*), \quad (5)$$

- где 1)  $A = \{\delta, ;, +, *, (, ), \}$ ;
- 2)  $V_N = \{B, \Phi, T, M\}$ ;
- 3)  $P = \{0, 1\}$ ;
- 4)  $R = \mathcal{R}^{G(B)} \cup \mathcal{R}^{G(\Phi)} \cup \mathcal{R}^{G(T)} \cup \mathcal{R}^{G(M)} = \{\mathcal{R}_0^{G(B)}, \mathcal{R}_1^{G(B)}, \mathcal{R}_0^{G(\Phi)}, \mathcal{R}_1^{G(\Phi)}, \mathcal{R}_0^{G(T)}, \mathcal{R}_1^{G(T)}, \mathcal{R}_0^{G(M)}, \mathcal{R}_1^{G(M)}\}$ ;
- 5)  $\mathcal{R}_0^{G(B)}, \mathcal{R}_0^{G(\Phi)}, \mathcal{R}_0^{G(T)}, \mathcal{R}_0^{G(M)}$  - аксиомы атомных грамматик,  $\mathcal{R}_0^{G(B)} = \mathcal{R}_0^{G(B)}$ ;
- 6)  $R^* = \{\mathcal{R}_1^{G(\Phi)}, \mathcal{R}_1^{G(T)}\}$ .

Разомкнутые подмножества правил (имена которых принадлежат  $R^*$ ) выделим в  $\{\}$ .

$$G(B): \begin{aligned} \mathcal{R}_0^{G(B)} &= \{\Phi \rightarrow \mathcal{R}_1^{G(B)}\}, \\ \mathcal{R}_1^{G(B)} &= \{; \rightarrow \mathcal{R}_\emptyset\}. \end{aligned} \quad G(\Phi): \begin{aligned} \mathcal{R}_0^{G(\Phi)} &= \{T \rightarrow \mathcal{R}_1^{G(\Phi)}\}, \\ \mathcal{R}_1^{G(\Phi)} &= \{+ \rightarrow \mathcal{R}_0^{G(\Phi)}\}. \end{aligned}$$

$$G(T): \begin{aligned} \mathcal{R}_0^{G(T)} &= \{M \rightarrow \mathcal{R}_1^{G(T)}\}, \\ \mathcal{R}_1^{G(T)} &= \{* \rightarrow \mathcal{R}_0^{G(T)}\}. \end{aligned} \quad G(M): \begin{aligned} \mathcal{R}_0^{G(M)} &= \{\delta \rightarrow \mathcal{R}_\emptyset, (\rightarrow \mathcal{R}_1^{G(M)}\}, \\ \mathcal{R}_1^{G(M)} &= \{\Phi \rightarrow \mathcal{R}_2^{G(M)}\}, \\ \mathcal{R}_2^{G(M)} &= \{) \rightarrow \mathcal{R}_\emptyset\}. \end{aligned}$$

Процесс распознавания строки  $a + b * (c + d)$ ; в грамматике (5), приведен на рис. I.

	a	+	b	*	(	c	+	d	)	;	
Состояние	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_0^{G(M)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_0^{G(M)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(M)}$	$z_1^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(M)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(B)}$
Стек	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(T)}$	

Рис. 1

Для той же грамматики в БНФ преобразующей TR-грамматикой, дающей на выходе бесконечную запись правильно построенных входных строк, будет

$$G = (A, V_N, P, R, \{z_0^{G(B)}, z_0^{G(\Phi)}, z_0^{G(T)}, z_0^{G(M)}\}, R^*, \Delta), \quad (6)$$

где 1)  $A, V_N, P, R^*$  и множество аксиом — те же, что и ранее;

$$2) R = R^{G(B)} \cup R^{G(\Phi)} \cup R^{G(T)} \cup R^{G(M)} = \{z_0^{G(B)}, z_1^{G(B)}, z_0^{G(\Phi)}, z_1^{G(\Phi)}, z_2^{G(\Phi)}, z_0^{G(T)}, z_1^{G(T)}, z_2^{G(T)}, z_0^{G(M)}, z_1^{G(M)}, z_2^{G(M)}\};$$

3)  $\Delta = \{\lambda, ;, \delta, +, *\}, \lambda$  — пустой символ.

$$G(B): \begin{cases} z_0^{G(B)} = \{\Phi \lambda \rightarrow z_1^{G(B)}\}, \\ z_1^{G(B)} = \{; \rightarrow z_0\}. \end{cases} \quad G(\Phi): \begin{cases} z_0^{G(\Phi)} = \{\pi \lambda \rightarrow z_1^{G(\Phi)}\}, \\ z_1^{G(\Phi)} = \{+ \lambda \rightarrow z_2^{G(\Phi)}\}, \\ z_2^{G(\Phi)} = \{\pi \lambda \rightarrow z_1^{G(\Phi)}\}. \end{cases}$$

$$G(T): \begin{cases} z_0^{G(T)} = \{M \lambda \rightarrow z_1^{G(T)}\}, \\ z_1^{G(T)} = \{* \lambda \rightarrow z_2^{G(T)}\}, \\ z_2^{G(T)} = \{M \lambda \rightarrow z_1^{G(T)}\}. \end{cases} \quad G(M): \begin{cases} z_0^{G(M)} = \{\delta \delta \rightarrow z_0, (\lambda \rightarrow z_1^{G(M)})\}, \\ z_1^{G(M)} = \{\Phi \lambda \rightarrow z_2^{G(M)}\}, \\ z_2^{G(M)} = \{) \lambda \rightarrow z_0\}. \end{cases}$$

Процесс формирования бесконечной записи строки  $a+b*(c+d)$ ; в грамматике (6) приведен на рис. 2.

	a	+	b	*	(	c	+	d	)	;	
Состояние	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_0^{G(M)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_0^{G(M)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(M)}$	$z_1^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(M)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_1^{G(T)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(B)}$
Стек	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(T)}$	$z_0^{G(B)}$ $z_0^{G(\Phi)}$ $z_0^{G(T)}$ $z_1^{G(M)}$ $z_1^{G(\Phi)}$ $z_1^{G(T)}$	
	a		b			c		d	+	*,+,;	

Рис. 2

TR-грамматика (6), может управлять процессом формирования машинных команд, реализующих вычисления по заданным формулам. Для этого введем еще стек операндов. Последнюю заполненную ячейку стека обозначим  $ST[n]$ , предпоследнюю ячейку стека —  $ST[n-1]$  и т.д. Для одноадресной машины выходные символы интерпретируем как номера подпрограмм (ПП), выполняющих следующие действия:

$$\text{III } \delta : \begin{cases} n \leftarrow n+1, \\ ST[n] \leftarrow A[x], \end{cases}$$

где  $n$  — указатель вершины стека операндов (в момент начала трансляции он равен нулю);  $A[x]$  — адрес ячейки, содержащей значение переменной  $x$ .

III + : I) если  $ST[n] = \text{НЦД}$  и  $ST[n-1] = A[x]$  либо если  $ST[n] = A[x]$  и  $ST[n-1] = \text{НЦД}$ , то сформировать команду СЛО  $A[x]$  после чего выполнить

$$\begin{cases} n \leftarrow n-1, \\ ST[n] \leftarrow \text{НЦД} \end{cases}$$

2) если  $ST[n] = A[x], ST[n-1] = A[y]$ , то сформировать команды:

ЗСМ  $A[x]$ ,

СЛО  $A[y]$ ,

после чего выполнить  $n \leftarrow n-1, ST[n] \leftarrow \text{НД}$ .

Здесь НД - код находящегося на сумматоре результата предыдущего действия, СЛО - код команды сложения с сумматором, ЗСМ - код команды занесения на сумматор.

III\* : аналогична III+, только вместо команды СЛО  $A[x]$  формирует команду умножения УМН  $A[x]$ .

III; : I) если  $ST[n] = A[x]$ , то сформировать команды

ЗСМ  $A[x]$ ,

ССМ  $R$

и присвоить  $n$  значение 0;

2) если  $ST[n] = \text{НД}$ , то сформировать команду ССМ  $R$  и присвоить  $n$  значение 0.

Здесь ССМ - код команды считывания из сумматора;  $R$  - адрес рабочей ячейки.

Тогда  $TR$ -грамматика (6) будет для правильно построенных исходных выражений формировать последовательности машинных команд, вычисляющих их значения и запоминающих результат в ячейке  $R$ .

В рассмотренном выше примере (рис.2) перед трансляцией закрывающей скобки стек операндов имеет вид:

$A[a]$	$A[b]$	$A[c]$	$A[d]$	
--------	--------	--------	--------	--

В процессе анализа закрывающей скобки из стека связи выталкивается правило из подмножества  $Z_2^{G(\varnothing)}$ , семантика III+ которого формирует команды:

ЗСМ  $A[d]$ ,

СЛО  $A[c]$ ,

после чего стек операндов принимает вид:

$A[a]$	$A[b]$	НД	
--------	--------	----	--

Затем в процессе анализа точки с запятой из стека связи выталкивается правило из  $Z_2^{G(T)}$ , семантика III\* которого формирует

команду УМН  $A[b]$ , после чего выталкивается правило из  $Z_2^{G(\varnothing)}$ , семантика III+ которого формирует команду СЛО  $A[a]$ , и, наконец, применяется правило из  $Z_1^{G(B)}$ , семантика III, которого формирует команду ССМ  $R$  и очищает стек операндов. Таким образом, выражение  $a+b*(c+d)$ ; транслируется в последовательность команд:

ЗСМ  $A[d]$ ,

СЛО  $A[c]$ ,

УМН  $A[b]$ ,

СЛО  $A[a]$ ,

ССМ  $R$ .

Приведенный пример в достаточной мере иллюстрирует возможности  $TR$ -грамматик. Рассмотрим теперь одно их обобщение.

ОПРЕДЕЛЕНИЕ 3. Обобщенной  $TR$ -грамматикой назовем девятку

$$G = (A, V_N, P, R, \{z_0^{G(x_i)}\}, R^*, \Delta, Q, \alpha),$$

где 1)  $A$  - терминальный алфавит,  $A = \{a_0, \dots, a_k\}$ ;

2)  $V_N$  - нетерминальный алфавит имен атомных  $TR$ -грамматик,

$$V_N = \{x_0, \dots, x_n\}, A \cap V_N = \varnothing;$$

3)  $P = \{0, 1\}$ ;

4)  $R = R^{G(x_0)} \cup \dots \cup R^{G(x_n)}$ ,  $R^{G(x_i)} \cap R^{G(x_j)} = \varnothing, 0 \leq i, j \leq n, i \neq j$ ,  $R^{G(x_i)} = \{z_\varnothing, z_j\}$  - множество имен подмножеств элементов из  $(A \cup V_N) \times R^{G(x_i)} \times P \times \Delta \times Q, 0 \leq i \leq n, z_\varnothing$  - имя пустого подмножества;

5)  $z_0^{G(x_i)}$  - начальное подмножество (аксиома) для  $x_i \in V_N, 0 \leq i \leq n, z_0^{G(x_0)}$  - аксиома грамматики  $G$ ;

6)  $R^* \subseteq R$ ;

7)  $\Delta$  - конечный выходной алфавит,  $\Delta = \{\delta_1, \dots, \delta_p\}$ ;

8)  $Q$  - конечное множество рекурсивных функций

$$Q_s^{z_1, \dots, z_k, v_1, \dots, v_n}, s \in \{0, 1, 2\}, z_i \in R, v_k \in \alpha;$$

9)  $\alpha$  - конечный словарь стековых символов,  $\alpha = \{v_1, \dots, v_q\}$ .

Элемент  $(\sigma, p, Q_s^{z_1, \dots, z_n}, \delta, z_i) \in z_j$  назовем правилом обобщенной  $TR$ -грамматики,  $\sigma \in (A \cup V_N), p \in P, Q_s^{z_1, \dots, z_n} \in Q, \delta \in \Delta, z_i, z_j \in R$ , и будем интерпретировать следующим образом.

а) При  $s = 0$  и  $\epsilon \in A$  элемент  $\epsilon$  может конкатенировать с множеством терминальных левых частей правил из  $\bar{Z}$ , либо со множеством слов, порожденных атомными  $TR$ -грамматиками для нетерминальных левых частей правил из  $\bar{Z}$ . При  $\epsilon \in V_N$  описанным выше образом конкатенирует слово, порожденное  $G(\epsilon)$ . При этом выходной символ пройденного правила (либо цепочка символов при  $\epsilon \in V_N$ ) является следующим элементом выходной цепочки. При  $p = 0$  и  $z = z_\emptyset$  порожденный элемент (либо слово) - последний в данной грамматике, при  $p = 1$  порожденный элемент (либо слово) может быть последним и при  $z \neq z_\emptyset$ .

б) При  $s = 1$  элемент  $\epsilon$  (либо слово, порожденное  $G(\epsilon)$ ) конкатенирует, как и при  $s = 0$ . При этом происходит запись непустых  $z_1, \dots, z_k, v_{k+1}, \dots, v_n$  в соответствующие стеки.

в) При  $s = 2$  конкатенация элемента  $\epsilon$  (либо слова, порожденного  $G(\epsilon)$ ) имеет место при совпадении непустых  $v_{k+1}, \dots, v_n$  с элементами, стоящими в вершинах стеков  $k+1, \dots, n$ . При этом происходит считывание совпавших элементов.

Здесь  $\bar{z} = z_i, z_j \in R^*$  либо  $z_i v z_j v z'_i v \dots v z'_k, z_j \in R^*, z_s$  - текущее содержимое вершины стека связи,  $z'_1, \dots, z'_k$  - содержимое вершин стеков  $1, \dots, k$ . Очевидно, что при  $V_N = \emptyset$  и  $\Delta = \emptyset$  обобщенная  $TR$ -грамматика есть разомкнутая  $R$ -грамматика [3] с  $W_m$  - отношениями типа 0, 1, 2.

Таким образом, разработанный метаязык  $TR$ -грамматик удобен для порождения, анализа и трансляции контекстно-свободных языков. Он может найти широкое применение при построении эффективных систем автоматизации программирования как для машин, так и для однородных вычислительных систем [6].

#### Л и т е р а т у р а

1. ВЕЛЬБИЦКИЙ И.В., КОСАРЕВ Ю.Г. Системный подход к построению трансляторов для вычислительных систем. - "Вычислительные системы", Новосибирск, 1970, вып. 42, с. 12-21.
2. ГЛУШКОВ В.М., ВЕЛЬБИЦКИЙ И.В., СТОГНИЙ А.А. Об одном подходе к построению системного математического обеспечения современных вычислительных машин. - "Кибернетика", Киев, 1972, №3, с. 25-35.
3. ВЕЛЬБИЦКИЙ И.В. О метаязыке синтаксически управляемого транслятора. - "Вычислительные системы", Новосибирск, 1970, вып. 42, с. 22-31.

4. ВЕЛЬБИЦКИЙ И.В., ЮЩЕНКО Е.Л. Метаязык, ориентированный для синтаксического анализа и контроля. - "Кибернетика", Киев, 1969, №2, с. 50-53.

5. VERE S. Translation Equations. - Communications of the ACM, 1970, vol.13, N 2, Feb., p.83-89.

6. ЕВРЕЙНОВ Э.В., КОСАРЕВ Ю.Г. Однородные универсальные вычислительные системы высокой производительности, Новосибирск, "Наука", 1966.

Поступила в ред.-изд.отд.  
6 февраля 1973 года